

Brought to you by:



Codice statistica Recap

2°CLEAM

Written by
Alice Oliveri del Castillo

Find more at:

astrabocconi.it

This handout has no intention of substituting University material for what concerns exams preparation, as this is only additional material that does not grant in any way a preparation as exhaustive as the ones proposed by the University.

Questa dispensa non ha come scopo quello di sostituire il materiale di preparazione per gli esami fornito dall'Università, in quanto è pensato come materiale aggiuntivo che non garantisce una preparazione esaustiva tanto quanto il materiale consigliato dall'Università.

```
library(UBStats) # Per aprire il pacchetto UBStats

# Riordinare i livelli di una variabile qualitativa ordinale

dataframe$x_recode <- factor(dataframe$x, levels=c())
```

Statistica univariata

distr.table.x(dataframe\$variabile, freq) # Distribuzione di frequenza

```
distr.table.x(dataframe$variabile, freq='count') # Frequenza assoluta
distr.table.x(dataframe$variabile, freq='prop') # Frequenza relativa
distr.table.x(dataframe$variabile, freq='perc') # Frequenza percentuale
distr.table.x(dataframe$variabile, freq=c('prop','cum')) # Relativa cumulativa
distr.table.x(dataframe$variabile, freq='dens') # Densità di frequenza
```

```
distr.table.x(dataframe$variabil, breaks) # Distr. di frequenza di dati
                                           raggruppati in classi di
intervallo
```

```
distr.table.x(dataframe$variabile, breaks=n) # n intervalli di uguale ampiezza
distr.table.x(dataframe$variabile, breaks=c(a, b,..., z)) # intervalli con
                                                         estremi
a,b,..., z
```

distr.plot.x(dataframe\$variabile, plot.type) # Grafico

```
distr.plot.x(dataframe$variabile, plot.type='pie') # Diagramma a torta
distr.plot.x(dataframe$variabile, plot.type='bars') # Diagramma a barre
distr.plot.x(dataframe$variabile, plot.type='spike') # Diagramma ad aste
distr.plot.x(dataframe$variabile, plot.type='cum') # Diagramma a scalini
distr.plot.x(dataframe$variabile, plot.type='hist', breaks) # Istogramma
distr.plot.x(dataframe$variabile, plot.type='cum', breaks) # Ogiva
distr.plot.x(dataframe$variabile, plot.type='boxplot') # Boxplot
```

distr.summary.x(dataframe\$x, stats) # Misure di tendenza e di dispersione

```
distr.summary.x(dataframe$x, stats='mode') # Moda
distr.summary.x(dataframe$x, stats='median') # Mediana
distr.summary.x(dataframe$x, stats='mean') # Media
```

```
distr.summary.x(dataframe$x, stats='central') # Misure tendenza centrale
```

```
distr.summary.x(dataframe$x, stats='quartiles') # Quartili
distr.summary.x(dataframe$x, stats='deciles') # Decili
distr.summary.x(dataframe$x, stats='pn') # n-esimo percentile
distr.summary.x(dataframe$x, stats='q1') # Primo quartile
distr.summary.x(dataframe$x, stats='q3') # Terzo quartile
```

```
distr.summary.x(dataframe$x, stats='fivenumbers') # 5nr di sintesi
```

```
distr.summary.x(dataframe$x, stats='range') # Range
distr.summary.x(dataframe$x, stats='IQR') # IQR
distr.summary.x(dataframe$x, stats='var') # Varianza
distr.summary.x(dataframe$x, stats='sd') # Deviazione standard
```



```
distr.summary.x(dataframe$x, stats='cv') # Coefficiente di variazione
distr.summary.x(dataframe$x, stats='dispersion') # Misure di dispersione
distr.summary.x(dataframe$x, stats='summary') # 5nr di sintesi, var e sd
```

Statistica bivariata

Distribuzioni di frequenze congiunte

```
distr.table.xy(dataframe$x, dataframe$y, freq='count', freq.type='joint')
```

Distribuzioni di frequenze condizionate

```
distr.table.xy(dataframe$x, dataframe$y, freq, freq.type='y|x')
distr.table.xy(dataframe$x, dataframe$y, freq, freq.type='x|y')
```

distr.plot.xy(dataframe\$x, dataframe\$y, plot.type) # Grafico

```
distr.plot.xy(dataframe$x, dataframe$y, plot.type='bars') # A barre
distr.plot.xy(dataframe$x, dataframe$y, plot.type='boxplot') # Boxplot
distr.plot.xy(dataframe$x, dataframe$y, plot.type='scatter') # Scatterplot
```

distr.summary.x(dataframe\$x, by1=dataframe\$y, stats) # Statistiche

```
distr.summary.x(dataframe$x, by1=dataframe$y, stats=c('summary', 'cv'))
```

```
cov(dataframe$x, dataframe$y, use='complete') # Covarianza
cor(dataframe$x, dataframe$y, use='complete') # Coef. di rel. lineare
```

Altro

```
mean(condizione) # Per trovare la % di casi che soddisfano la condizione
sum(condizione) # Per trovare nr di casi che soddisfano la condizione
sum(dataframe$x > q3+1.5*(q3-q1)) # Per trovare nr di outliers superiori
sum(dataframe$x < q1-1.5*(q3-q1)) # Per trovare nr di outliers inferiori
```

$\text{pnorm}(q, \mu=0, \sigma=1) = F(q) = \text{Prob}(X \leq q)$

$\text{qnorm}(\text{prob_a_sx}, \mu=0, \sigma=1) = x_{1-p} : F(x_{1-p}) = \text{Prob}(X \leq x_{1-p}) = p$



Intervalli di confidenza

```
qnorm( $1 - \frac{\alpha}{2}$ , 0, 1) # Calcolo di  $z_{\frac{\alpha}{2}}$ 
```

```
qt( $1 - \frac{\alpha}{2}$ , n-1) # Calcolo di  $t_{n-1, \frac{\alpha}{2}}$ 
```

```
qt( $1 - \frac{\alpha}{2}$ , nx+ny-2) # Calcolo di  $t_{nx+ny-2, \frac{\alpha}{2}}$ 
```

Media μ

```
CI.mean(dataframe$x, sigma= $\sigma$ , conf.level= $1 - \alpha$ ) # c.i. per  $\mu$  con  $\sigma^2$  nota
```

```
CI.mean(dataframe$x, conf.level= $1 - \alpha$ ) # c.i. per  $\mu$  con  $\sigma^2$  non nota
```

Proporzione P

```
CI.prop(dataframe$x, success, conf.level= $1 - \alpha$ ) # c.i. per  $P$ 
```

Differenza tra medie $\mu_X - \mu_Y$

```
CI.diffmean(type='paired') # Campioni appaiati
```

```
CI.diffmean(x, y, type, sigma.d, conf.level)
```

```
CI.diffmean(type='independent') # Campioni indipendenti
```

```
# Approccio 1
```

```
  # Estrazione dati di interesse
```

```
  x <- dataframe$x[dataframe$a=='YES']
```

```
  y <- dataframe$y[dataframe$a=='NO']
```

```
  CI.diffmean(x, y, type, sigma.x, sigma.y, conf.level)
```

```
# Approccio 2
```

```
  CI.diffmean(dataframe$x, by, type, sigma.by, conf.level)
```

Differenza tra proporzioni $P_X - P_Y$

```
# Approccio 1
```

```
  # Estrazione dati di interesse
```

```
  x <- dataframe$x[dataframe$a=='YES']
```



```
y <- dataframe$y[dataframe$a=='NO']  
CI.diffprop(x, y, success.x, success.y, conf.level)
```

```
# Approccio 2
```

```
CI.diffprop(x, by, success.x, conf.level)
```



Test Statistici

Media μ

Con σ^2 nota

```
TEST.mean(x, sigma, mu0, alternative='greater')# Test  $\mu$  coda dx  
TEST.mean(x, sigma, mu0, alternative='less')# Test  $\mu$  coda sx  
TEST.mean(x, sigma, mu0, alternative='two.sided')# Test  $\mu$  2 code
```

Con σ^2 NON nota

```
TEST.mean(x, mu0, alternative)# Test  $\mu$ 
```

Proporzione P

```
TEST.prop(x, success, p0, alternative)# Test  $P$  coda dx
```

Differenza tra medie $\mu_X - \mu_Y$

```
TEST.diffmean(type='paired')# Campioni appaiati
```

```
TEST.diffmean(x, y, type, mdiff, sigma.d, alternative)
```

```
TEST.diffmean(type='independent')# Campioni indipendenti
```

Approccio 1

```
# Estrazione dati di interesse
```

```
x <- dataframe$x[dataframe$a=='YES']  
y <- dataframe$y[dataframe$a=='NO']  
TEST.diffmean(x, y, type, mdiff, alternative)
```

Approccio 2

```
TEST.diffmean(dataframe$x, by, type, mdiff, alternative)
```

```
TEST.diffmean(var.test=T) # Levene's test for homogeneity of variance
```

Differenza tra proporzioni $P_X - P_Y$

Approccio 1

```
# Estrazione dati di interesse
```



```

x <- dataframe$x[dataframe$a=='YES']
y <- dataframe$y[dataframe$a=='NO']
TEST.diffprop(x, y, success.x, success.y, pdiff0, alternative)

# Approccio 2

TEST.diffprop(x, by, success.x, pdiff0, alternative)

1-pnorm(z) # Calcolo di p-value per test a 1 coda (Normale standard)
2*(1-pnorm(z)) # Calcolo di p-value per test a 2 coda (Normale standard)

1-pt(t, n-1) # Calcolo di p-value per test a 1 coda (t di student)
2*(1-pt(t, n-1)) # Calcolo di p-value per test a 2 coda (t di student)

qnorm(1- $\alpha$ , 0, 1) # Calcolo di  $z_\alpha \rightarrow$  pnorm( $z_\alpha$ ) # Calcolo di  $1-\alpha$ 

qnorm( $1-\frac{\alpha}{2}$ , 0, 1) # Calcolo di  $z_{\frac{\alpha}{2}}$ 

qt(1- $\alpha$ , n-1) # Calcolo di  $t_{n-1,\alpha}$ 

qt( $1-\frac{\alpha}{2}$ , n-1) # Calcolo di  $t_{n-1,\frac{\alpha}{2}}$ 

pnorm(soglia,  $\mu$ ,  $\sqrt{\frac{\sigma^2}{n}}$ ) # Calcolo di  $\beta$ 

# TEST CHI-QUADRATO DI ADATTAMENTO

chisq.test(x=c(O1,...,Ok), p=c(p1,...,pk))

1-pchisq( $\hat{\chi}^2$ , k-1) # p-value
qchisq(1- $\alpha$ , k-1) #  $\chi^2_{(k-1),\alpha}$ 

# TEST CHI-QUADRATO DI INDIPENDENZA

chisq.test(x, y)

1-pchisq( $\hat{\chi}^2$ , (r-1)(c-1)) # p-value
qchisq(1- $\alpha$ , (r-1)(c-1)) #  $\chi^2_{(r-1)(c-1),\alpha}$ 

```



Regressione lineare semplice

```
lm1 <- lm(y~x, data=dataframe) # Creazione di un modello su R
summary(lm1)
```

Test di significatività

```
summary(lm1)
```

Oppure

```
2*(1-pt(t, n-2)) # Calcolo di p-value per test a 2 coda (t di student)
```

```
qt(1 -  $\frac{\alpha}{2}$ , n-2) # Calcolo di  $t_{n-2, \frac{\alpha}{2}}$ 
```

Intervalli di conf/prev

```
confint(lm1, level=1 -  $\alpha$ ) # c.i.  $1-\alpha$  per  $\beta_1$  e  $\beta_0$ 
```

```
# Previsione su un valore esatto/singolo valore (Int. di previsione)
```

```
z<-data.frame(x=xg)
predict(lm1, z, interval='prediction', level)
```

```
# Previsione sulla media stimata (Int. di confidenza)
```

```
z<-data.frame(x=xg)
predict(lm1, z, interval='confidence', level)
```

Analisi dei residui

```
distr.plot.xy(x, y, plot.type='scatter', fitline=T) # Scatterplot
```

```
plot(lm1, 1) # Residual vs fitted plot
```

```
plot(lm1, 2) # Q-q plot
```

```
distr.plot.x(rstandard(lm1), plot.type='hist') # Hist residui standar
```



Regressione lineare multipla

```
lm1 <- lm(y~x1+x2+x3, data=dataframe) # Creazione di un modello su R  
summary(lm1)
```

Test di significatività globale

```
summary(lm1)
```

Oppure

```
1-pf(f, k, n-k-1) # Calcolo di p-value per test a 2 coda (f)
```

```
qf(1- $\alpha$ , k, n-k-1) # Calcolo di  $f_{k,n-k-1,1-\alpha}$ 
```

Intervalli di conf/prev

```
confint(lm1, level=1- $\alpha$ ) # c.i.  $1-\alpha$  per  $\beta_1$  e  $\beta_0$ 
```

```
# Previsione su un valore esatto/singolo valore (Int. di previsione)
```

```
z<-data.frame(x1=x1g, x2=x2g, x3=x3g)  
predict(lm1, z, interval='prediction', level)
```

```
# Previsione sulla media stimata (Int. di confidenza)
```

```
z<-data.frame(x1=x1g, x2=x2g, x3=x3g)  
predict(lm1, z, interval='confidence', level)
```

```
cor(x1, x2) # Per calcolare la correlazione tra le var.
```



@astrabocconi



@astrabocconi



@astrabocconi



 **ASTRA**
BOCCONI