

Brought to you by:

ASTRA

Formulario Microeconomia Secondo Parziale

1° CLEACC

Written by

Ilaria Contini

Find more at:

astrabocconi.it

This handout has no intention of substituting University material for what concerns exams preparation, as this is only additional material that does not grant in any way a preparation as exhaustive as the ones proposed by the University.

Questa dispensa non ha come scopo quello di sostituire il materiale di preparazione per gli esami fornito dall'Università, in quanto è pensato come materiale aggiuntivo che non garantisce una preparazione esaustiva tanto quanto il materiale consigliato dall'Università.

Concorrenza perfetta

Massimizzazione dei profitti

- Curva di offerta della singola impresa: $P=MC$ se $P \geq \min AC \rightarrow Q_i^{S*}$

$\min AC \rightarrow$ pongo $AC=MC \rightarrow$ trovo $q \rightarrow$ sostituisco q in AC

- Curva di offerta dell'intero mercato: $Q^{\text{MERCATO}} \rightarrow Q_i^{S*} \times$ numero di imprese che competono

$Q_s = Q_d \rightarrow Q^*$ **quantità sul mercato** $\rightarrow P^*$ **prezzo in concorrenza perfetta**

Quantità prodotta dalla singola impresa: $Q^* /$ numero di imprese $= Q_i^{S*}$

Profitti (della singola impresa)

$\Pi: P \times Q_i - TC(Q_i)$

Surplus del Consumatore

$[(\text{Prezzo massimo che è disposto a pagare} - \text{prezzo di mercato}) \times Q] / 2$

Surplus del Produttore

$[(\text{Prezzo di mercato} - \text{minimo prezzo di vendita}) \times Q] / 2$

- Surplus del produttore: **$\Pi +$ costi fissi**
- In assenza di costi fissi Surplus del produttore $= \Pi$

Introduzione di una tassa sulla quantità

- Spostamento della curva di domanda verso il basso pari all'aliquota della tassa

$P^d(t) = P^d + t$: esplicitando $Q \rightarrow Q^d(t)$

$Q^d(t) = Q^s$ troviamo:

- $P^d(t) = P^s + t$
- $P^s(t) = P^d - t$

Gettito dello stato: $Q^d(t) \times t$

Surplus sociale: $SP(t) + SC(t) +$ gettito statale

Perdita secca: surplus sociale senza tassa $-$ surplus sociale con la tassa

Introduzione di un sussidio sulla quantità

- Spostamento della curva di offerta verso il basso, pari all'aliquota del sussidio

$P^s(s) = P^s - s$: esplicitando $Q \rightarrow Q^s(s)$

$Q^s(s) = Q^d$ troviamo:

- $P^s(s) = P^d + s$
- $P^d(s) = P^s - s$



Spesa pubblica: $Q^s(s) \times s$

Surplus sociale: $SP(s) + SC(s) - \text{spesa pubblica}$

Perdita secca: surplus sociale senza sussidio – surplus sociale con il sussidio

→ I sussidi o le tasse in forma fissa modificano TC, ma non MC, dunque ci sono della variaizoni nel profitto ma non nella quantità scambiata.



Monopolio

Massimizzazione del profitto : $MC = MR$

Equilibrio di monopolio

- $MR = \partial TR / \partial Q$
- $MC = \partial TC / \partial Q$

$MR=MC \rightarrow Q^m \rightarrow P^m$

Surplus del produttore: (prezzo di monopolio – prezzo di riserva) x Q^m

Surplus del consumatore: [(disponibilità di spesa – prezzo di monopolio) x Q^m] / 2

Perdita secca (differenza tra il surplus sociale in concorrenza perfetta e quello in monopolio):

$$(P^* - P^m)(Q^* - Q^m) / 2$$

Markup (indicatore di potere di mercato) : $(P-MC)/P = -1/\text{elasticità della domanda al prezzo}$

Discriminazione perfetta

$P=MC$: Q^* quantità sul mercato $\rightarrow P^*$ prezzo in concorrenza perfetta

- $DWL=0$
- Surplus dei consumatori = 0
- Surplus dei produttori: surplus del produttore + surplus del consumatore

Discriminazione a due tariffe

1. Tariffa fissa: $P=MC$
 2. Tariffa variabile: surplus del consumatore
- $DWL=0$
 - Surplus del consumatore = 0

Discriminazione di terzo tipo (ci sono due o più domande)

1. Potendo discriminare
 $MC_1=MR_1 \rightarrow$ quantità e prezzo di monopolio (1)
 $MC_2=MR_2 \rightarrow$ quantità e prezzo di monopolio (2)
(la domanda meno elastica avrà un prezzo di monopolio inferiore)
2. Non potendo discriminare
 $Q = Q_1 + Q_2 \rightarrow P=P_1=P_2$
 $MR(Q_1 + Q_2) = MC \rightarrow$ quantità e prezzo di monopolio



Oligopolio

Modello di Bertrand: le imprese competono simultaneamente sul prezzo

- **Le due imprese hanno la stessa struttura dei costi**

$$MCA = MCB \rightarrow PA = PB = MC$$

$$Q^{\text{TOT}} = x - P \rightarrow Q_a = Q_b = (x - P)/2$$

$$\Pi_a = \Pi_b = (P - MC) \times Q = 0 : \text{efficienza di pareto (DWL = 0)}$$

- **Le due imprese presentano strutture di costi diverse**

$$MCA > MCB \rightarrow PA = MCA \text{ e } PB = MCA - \varepsilon$$

$$Q^{\text{TOT}} = x - PB : Q_a = 0, \Pi_a = 0; Q_b = Q^{\text{TOT}}, \Pi_b > 0$$

- **Se le imprese sono più di due**

1. $MC_1 > MC_2 > MC_3$

$$P_1 = MC_1; P_2 = MC_2; P_3 = MC_2 - \varepsilon \text{ (la terza impresa prende tutto il mercato)}$$

2. $MC_1 > MC_2 = MC_3$

$$P_1 = MC_1; P_2 = P_3 = MC_1 - \varepsilon \text{ (le imprese 2 e 3 si dividono equamente il mercato)}$$

3. $MC_1 = MC_2 > MC_3$

$$P_1 = P_2 = MC_1; P_3 = MC_1 - \varepsilon \text{ (la terza impresa prende tutto il mercato)}$$

Modello di Cournot: le imprese competono simultaneamente sulla quantità

$$Q = Q_1 + Q_2$$

- $MR_1 = x - (\partial Q_1 + Q_2)$

- $MR_2 = x - (Q_1 + \partial Q_2)$

$$MR_1 = MC_1 \rightarrow Q_1 = f(Q_2)$$

$$MR_2 = MC_2 \rightarrow Q_2 = f(Q_1)$$

Sistema di equazioni delle funzioni di risposta ottima:

$$\{ Q_1 = f(Q_2)$$

$$\{ Q_2 = f(Q_1)$$

$$NE: (Q_1; Q_2) \rightarrow Q^{\text{TOT}} = Q_1 + Q_2 \rightarrow P^*$$

Se le due imprese presentano la medesima struttura dei costi: $Q_1 = Q_2$ e dunque si divideranno equamente il mercato, altrimenti entrambe opereranno sul mercato, ma l'impresa più efficiente produrrà di più.

Modello di Stackelberg: le imprese competono sequenzialmente sulla quantità

Impresa 1: leader (sceglie per prima osservando la funzione di risposta ottima dell'impresa 2)

Impresa 2: follower

$$Q = Q_1 + Q_2$$

$$P = a - (Q_1 + Q_2)$$



Funzione di risposta ottima dell'impresa 2: $Q_2 = f(Q_1)$

$$\Pi_1 = P \times Q_1 - MC_1 \times Q_1 = [(a - Q_1 - Q_2) - MC] \times Q_1 = [a - Q_1 - f(Q_1) - MC] \times Q_1$$

$$\frac{\partial \Pi_1}{\partial Q_1} \rightarrow Q_1^* \rightarrow Q_2^* = f(Q_1^*) \rightarrow Q = Q_1^* + Q_2^* \rightarrow P^*$$



Scelta in condizione di incertezza

Valore atteso (EV): $P_1 \times V_1 + P_2 \times V_2 + \dots + P_n \times V_n$

Utilità attesa (EU): $P_1 \times U(V_1) + P_2 \times U(V_2) + \dots + P_n \times U(V_n)$

Equivalentente certo (CE) : $U(CE) = EU$ (lotteria)

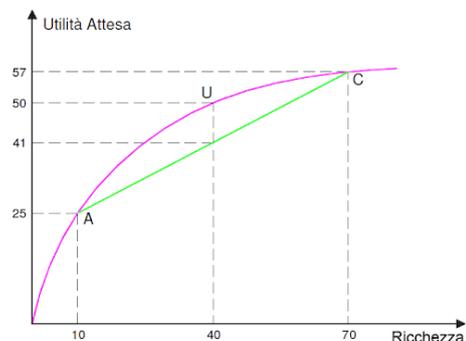
- $CE > PREZZO$: l'individuo non acquista il biglietto della lotteria
- $CE < PREZZO$: l'individuo acquista il biglietto della lotteria

Premio al rischio : $EV - CE$ (è maggiore di zero per un individuo propenso al rischio, minore di zero per un individuo amante del rischio e uguale a zero per un individuo neutrale al rischio).

Agenti avversi al rischio

Se V somma certa = EV (lotteria) \rightarrow EU (lotteria) $<$ U (somma certa)

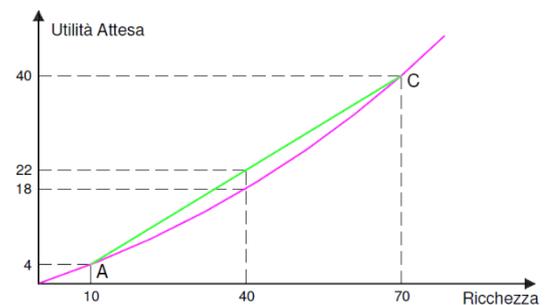
- La funzione di utilità è concava
- $CE < EV$
- $RP = EV - CE > 0$



Agenti propensi al rischio

Se V somma certa = EV (lotteria) \rightarrow EU (lotteria) $>$ U (somma certa)

- La funzione di utilità è convessa
- $CE > EV$
- $RP = EV - CE < 0$



Agenti neutrali al rischio

- La funzione di utilità è lineare
- $CE = EV$
- $RP = EV - CE = 0$



Asimmetria Informativa

Asimmetria dovuta ad azioni nascoste

- Se $EW = W$ FISSO
- $U(WF) > EV(WV)$
- Sceglie W FISSO

- SE $EW > W$ FISSO
- Sceglie W VARIABILE
- EW : salario atteso

$EW - W$ FISSO = RP (premio al rischio) In media EW deve pagare RP in più di W FISSO per essere scelto dal soggetto avverso al rischio.

Modello con azioni osservabili

Assumiamo che la parte principale osservi lo sforzo dell'agente. Chiederà al manager di scegliere tra sforzo basso e sforzo alto (con i rispettivi salari).

- $e = 0$, WL?
- $U = \sqrt{WL} - 0 \geq \bar{U} = 2 \Rightarrow \sqrt{WL} \geq 2 \Rightarrow WL = 4$, bisogna pagare 4 altrimenti sceglie $U = 2$
- Profitti attesi = $E\pi = 0.4 \times 100 + 0.6 \times 20 - 4 = 48$

- $e = 1$, WH?
- $U = \sqrt{WH} - 2 \geq \bar{U} = 2 \Rightarrow \sqrt{WH} = 4, WH = 16$
- Profitti attesi = $E\pi = 0.8 \times 100 + 0.2 \times 20 - 16 = 68$

Sia i profitti che il salario sono maggiori, questa è la scelta migliore. $ST = E\pi + U = 68 + 2 = 70$ Per raggiungere l'efficienza serve un surplus totale di 70.

Moral hazard

{1. $EU(e = 1) \geq EU(e = 0)$ → vincolo di compatibilità degli incentivi

{2. $EU(e = 1) \geq \bar{U}$ → vincolo di partecipazione (dobbiamo assicurarci che lo scelga)

Asimmetria dovuta a caratteristiche nascoste

Mercato dei bidoni (lemons) di Akerlof

- N auto, $N/2$ di buona qualità e $N/2$ di cattiva qualità.
- Infiniti acquirenti.
- $MC_{buona} = 4 = PS_{buona}$
- $MC_{cattiva} = 2 = PS_{cattiva}$
- $PD_{buona} = 4.4$
- $PD_{cattiva} = 2.2$



- Acquirenti sanno che prob (buona) = $\frac{1}{2}$ Equilibrio? Efficienza?

Se la qualità fosse osservabile:

- Mercato delle auto di buona qualità: PS buona = 4 e PD buona = 4.4 Pequilibrio = 4.4 e vengono scambiate N/2 auto.
- Mercato auto cattiva qualità: Pequilibrio = 2.2 e vengono scambiate N/2 auto.
- Efficienza: N automobili vengono scambiate.

Se la qualità non è osservabile:

- PS buona = 4 e PS cattiva = 2
- Consumatori acquistano una lotteria: - MAX PD = CE
- I consumatori sono neutrali al rischio: CE = EV - MAX PD = EV = $\frac{1}{2} \times 4.4 + \frac{1}{2} \times 2.2 = 3.3$

[PS buona = 4 > PD = 3.3, i venditori non accettano lo scambio.

[PS cattiva = 2 < PD = 3.3, i venditori accettano lo scambio.

Solo chi vende auto di cattiva qualità è disposto a vendere al P = 3.3 e i consumatori saranno disposti a pagare PD cattiva = 2.2 In equilibrio vengono scambiate N/2 automobili a un P = 2.2

Segnalazione

Per essere credibile:

{ $\pi_{buona\ segnale} \geq \pi_{buona\ no\ segnale}$

{ $\pi_{cattiva\ segnale} < \pi_{cattiva\ no\ segnale}$

Il segnale viene mandato solo dai venditori di beni di buona qualità.

Si creano due mercati (equilibrio di separazione)

1. Beni + segnale e Pbuona qualità
2. Beni senza segnale e Pcattiva qualità

DWL = costo del segnale (inefficienza)



Esternalità

Equilibrio di concorrenza perfetta (non tenendo conto dell'esternalità):

$$P=MC \text{ se } P \geq \min AC \rightarrow Q^* \rightarrow P^*$$

Esternalità negativa

- External cost
- Marginal External cost : $\partial EC / \partial Q$
- Marginal social cost: $MC + MEC$

$$MC < MSC \rightarrow MC + MEC = MSC$$

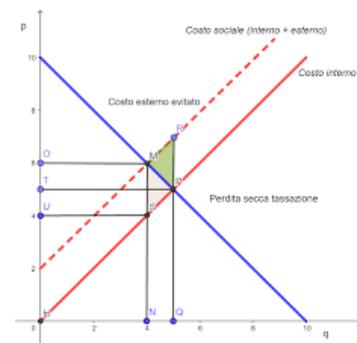
$$P = MC + MEC \rightarrow Q^* \rightarrow Q_s = Q_d \rightarrow P^*$$

Si stanno scambiando troppe unità:

$$P = MC + MEC$$

$$P_d = P_s + MEC \text{ (la curva di offerta si alza di quota pari a MEC)}$$

$$P_s = P_d - MEC$$



Esternalità positiva

- External benefit
- Marginal External benefit: $\partial EB / \partial Q$
- Marginal social benefit: $MB + MEB$

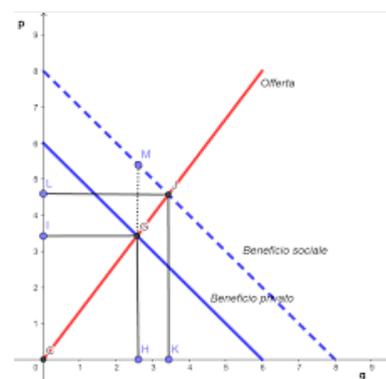
$$MB < MSB \rightarrow MB + MEB = MSB$$

$$P = MB + MEB \rightarrow Q^* \rightarrow Q_s = Q_d \rightarrow P^*$$

Si stanno scambiando troppe poche unità:

$$P_d = P_s - MEB \text{ (la curva di domanda si alza di quota pari a MEB)}$$

$$P_s = P_d + MEB$$



Aliquota della tassa per le esternalità negative: $MEC \times Q$ (socialmente efficiente)

Aliquota del sussidio per le esternalità positive: $MEB \times Q$ (socialmente efficiente)





@astrabocconi



@astrabocconi



@astrabocconi



 **ASTRA**
BOCCONI